

## Álgebra y Geometría Analítica - I. S. I.

Primera Evaluación Parcial - Viei	rnes $5$ de julio de $2013$ - $\mathrm{T}1$
Apellido y Nombre:	Legajo:

- 1. a) Sabiendo que M(3,-2), halle las componentes del punto N perteneciente al tercer cuadrante, de tal forma que se verifique simultáneamente
  - el vector  $\overrightarrow{MN}$  tenga módulo 13;
  - la proyección escalar del vector  $\overrightarrow{MN}$  sobre el semieje positivo OX es -12.
  - b) Para los vectores  $\vec{v} = (\alpha, 1, 2)$ ,  $\vec{w} = (-1, 2, 3)$ , determine los valores de  $\alpha$  de modo que el área del paralelogramo de lados  $\vec{w}$  y  $\vec{v}$  valga  $\sqrt{6}$ .
- 2. a) Considere los puntos A(1,3), B(3,1) y M, punto medio del segmento  $\overline{AB}$ . Halle la ecuación de la recta que contiene al punto M y es perpendicular al segmento  $\overline{AB}$ .
  - b) Halle las coordenadas de cada punto del plano que forme con los puntos A y B triángulos equiláteros.
- 3. Halle ecuaciones paramétricas para la recta que contiene al punto intersección de las rectas de ecuaciones 2x + y 2 = 0, x 5y 23 = 0 y divide a la mitad al segmento de extremos  $M_1(5, -6)$  y  $M_2(-1, -4)$ .
- 4. Halle el punto Q que es simétrico al punto P(2, -5, 7) con respecto a la recta que pasa por los puntos  $M_1(5, 4, 6)$  y  $M_2(-2, -17, -8)$ .
- 5. Calcule el volumen del tetraedro limitado por el plano de ecuación 2x 3y + 6z 12 = 0 y los planos coordenados.