

Se presentan a continuación las respuestas de los ejercicios propuestos en el apunte de Derivada, **corresponde al estudiante "justificar"** cada una de las respuestas de acuerdo a los conocimientos desarrollados.

Derivada

1) a) $f'(1) = 1$

b) $g'(-2) = -7$

c) $t'(0) = 1$

2) a) $y = 6x - 9$

b) $y = \frac{-1}{4}x + 1$

c) $y = \frac{1}{6}x + \frac{3}{2}$

3) a) $f'(x) = 10x + 3, \quad f''(x) = 10$

b) $g'(x) = \frac{-1}{x^2}$

c) $h'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x-1}}$

d) $r'(x) = -3x^2$

e) $m'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$

f) $n'(x) = \frac{-2}{(x+1)^2}$

g) $s'(x) = \frac{-1}{(x+2)^2},$

h) $p'(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$

i) $q'(x) = -2x + 2$

j) $t'(x) = \frac{3}{x^2}$

4) a) $a'(x) = 5x^4 + 9x^2 - \cos x$

b) $b'(x) = \frac{-5}{(3x-1)^2}$

c) $c'(x) = 12x + 7$

$$d'(x) = \frac{1 - 4\operatorname{sen}x}{(\cos x)^2}$$

$$e'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{x^2}\operatorname{sen}x - \frac{1}{x}\cos x + 6x$$

$$f'(x) = \frac{34x^2 + 2x^4 - 20}{(5+x^2)^2}$$

$$g'(x) = 3x^2 + 6x - \frac{7}{2}x^{5/2} - \frac{15}{2}x^{3/2}$$

$$h'(x) = \frac{-1}{\sqrt{x}(1+\sqrt{x})^2}$$

b) $f'_1(x) = \frac{2x}{\sqrt{2x^2-3}}$

$f'_2(x) = 3\cos(3x+8)$

$f'_3(x) = \frac{-\operatorname{sen}(\sqrt{x}+2)}{2\sqrt{x}}$

$f'_4(x) = 3e^{3x+1}$

$f'_5(x) = \frac{-\cos x}{2\sqrt{\operatorname{sen}x}}$

$$f'_6(x) = \frac{9x^2 - 2x + 1}{3x^3 - x^2 + x + \frac{3}{2}}$$

$f'_7(x) = 4(-x^3 + 3x^2 - x + 5)^3(-3x^2 + 6x - 1)$

$$f'_8(x) = 3(\operatorname{sen}x + \cos x + \sqrt{x})^2(\cos x - \operatorname{sen}x + \frac{1}{2\sqrt{x}})$$

5) $i'(x) = -6x\operatorname{sen}(6x) + \frac{1}{x} - \frac{1}{2\sqrt{x}}$

$j'(x) = \cos(5x^2+3x)(10x+3)$

$$k'(x) = \frac{6x + 3x^3}{\sqrt{3 + x^2}}$$

$$l'(x) = -\operatorname{sen}(3x^4 - \ln 5)(12x^3)$$

$$m'(x) = \frac{\cos \sqrt{x}}{2\sqrt{x}}$$

$$n'(x) = 5(\operatorname{sen} x + \cos(3x))^4 (\cos x - 3\operatorname{sen}(3x))$$

$$p'(x) = \frac{\cos x}{\operatorname{sen} x} + \frac{\cos(\ln x)}{x}$$

$$q'(x) = 4(x^2 + 3x)^3 (2x + 3)(2 - x)^{-3} + 3(x^2 + 3x)^4 (2 - x)^{-4}$$

$$r'(x) = \frac{2}{3}e^{2x} - \frac{1}{2(x+1)}$$

$$s'(x) = \cos(x^3 + 4x)(3x^2 + 4)\cos(e^x + 5) - \operatorname{sen}(x^3 + 4x) - \operatorname{sen}(e^x + 5)e^x$$

$$t'(x) = \frac{2\operatorname{sen}\left(3x^2 + 4x - \frac{1}{2}\right)(6x + 4)(\sqrt{x} + x^3) + 2\cos\left(3x^2 + 4x - \frac{1}{2}\right)\left(\frac{1}{2\sqrt{x}} + 3x^2\right)}{(\sqrt{x} + x^3)^2}$$

6) a) $f'(x) = 12x^2 - 3$, $f''(x) = 24x$

b) $h'(x) = -2x^{-3}$, $h''(x) = 6x^{-4}$

c) $g'(x) = 3\cos(3x)$, $g''(x) = -9\operatorname{sen}(3x)$

7) a) $y = -3x + 2$

b) $y = -23$

8) a) $x = \frac{3}{2}$

b) $x = \pm\sqrt{2}$

9) $x = 3$

10) a) valor mínimo $f(-1) = -1$

valor máximo $f(8) = 2$

b) valor mínimo $f(-2) = 0$

valor máximo $f(0) = 2$

c) valor mínimo $f(0) = -6$

valor máximo $f(-2) = 14$

d) valor mínimo $f(-2) = \frac{-19}{3}$

valor máximo $f(3) = -3$

e) valor mínimo $f(-3) = -5$

valor máximo $f(0) = 4$

f) valor mínimo $f(3) = -27$

valor máximo $f(-1) = 5$

g) valor mínimo $f(1) = 4$

valor máximo $f(4) = \frac{19}{2}$

11) a) $c = 1$

b) $c_1 = 0$, $c_2 = 3$

c) $c = 0$

12) $c = -\sqrt{\frac{1}{3}}$

13) f es creciente en $\left(\frac{1}{3}, +\infty\right)$ y decreciente en $\left(-\infty, \frac{1}{3}\right)$

g es creciente en $\left(\frac{-2}{\sqrt{3}}, \frac{2}{\sqrt{3}}\right)$ y decreciente en $\left(-\infty, -\frac{2}{\sqrt{3}}\right)$ y en $\left(\frac{2}{\sqrt{3}}, +\infty\right)$

h es creciente en $(-\infty, -4)$ y en $(1, +\infty)$, y decreciente en $(-4, 1)$

m es creciente en $(0, +\infty)$ y decreciente en $(-\infty, 0)$

14) f tiene mínimo local en $x = 0$.

g tiene mínimo local en $x = \frac{3}{2}$.

h tiene mínimo local en $x = 2$ y máximo local en $x = 0$.

r tiene máximo local en $x = \frac{-3}{2}$.

15) a) h tiene máximo local en $x = 0$ y mínimo local en $x = 2$.

b) r tiene máximo local en $x = \frac{-4}{3}$ y mínimo local en $x = \frac{4}{3}$.

c) s tiene máximo local en $x = 2$ y mínimo local en $x = -2$.

16) a) ∞ **b)** ∞ **c)** $\frac{1}{2}$ **d)** 0 **e)** 0 **f)** $\frac{1}{6}$

17)

$$f'_1(x) = \frac{-\operatorname{sen}(x^2 + 3)2x(x-1)^2 - \cos(x^2 + 3)2(x-1)}{(x-1)^4}$$

$$f'_2(x) = \frac{(6x^2 + 4)(-2x^2 - 5) - (2x^3 + 4x + \frac{3}{2})(-4x)}{(-2x^2 - 5)^2}$$

$$f'_3(x) = -6x \ln(3x + 2) + \frac{3(-3x^2 + 1)}{3x + 2}$$

$$f'_4(x) = \frac{e^{3x}(6x^2 - 4x + 7)}{2(x^2 - x + 1)^{3/2}}$$

$$f'_5(x) = \cos(x - x^3)(1 - 3x^2) \ln(2x + 3) + \operatorname{sen}(x - x^3) \frac{2}{2x + 3}$$

$$f'_6(x) = \frac{(3x^2 + 2) \cos(3x + 1) - 6 \operatorname{sen}(3x + 1)(x^3 + 2x)}{2\sqrt{x^3 + 2x}}$$

$$f'_7(x) = \frac{2x \cos\left(x^2 + \frac{3}{2}\right) \left(\frac{1}{2}x^2 - 6x + 8\right) - \operatorname{sen}\left(x^2 + \frac{3}{2}\right)(x - 6)}{\left(\frac{1}{2}x^2 - 6x + 8\right)^2}$$

18) a) $\frac{1}{2}$ **b)** 1**c)** ∞ **d)** 0**e)** 3