

## Facultad de Ciencias Exactas, Ingeniería y Agrimensura. Departamento de Matemática

## Escuela de Formación Básica.

Cálculo II - 2do cuatrimestre 2015

Parcial 3 - 15 - 12 - 15

Apellido y nombre:	Legajo:	Carrera:
e-mail:	Comisión:	Corrigió:
		Nota:

- 1. Sea la superficie S dada por:  $x^2 + 2xy + 2y^2 6x 8y z = 0$ 
  - a) Muestra que existe un único punto de la superficie S, en donde el plano tangente a la misma es horizontal
  - b) Da una ecuación de dicho plano
- 2. Determina si cada una de las siguientes proposiciones es Verdadera o Falsa. Justifica.
  - a) La siguiente función es continua en (0,0)

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{2x^2}{x^4 + y^2} & si \ (x,y) \neq (0,0) \\ 0 & si \ (x,y) = (0,0) \end{cases}$$

- b) Si z = f(u,v), con f differenciable, y = 2x + y, v = 3x 2y,  $z_u = (3,1) = 3$  $z_v = (3,1) = -2$  entonces  $z_x = (1,1) = -1$
- 3. Un pato se encuentra en la superficie de un lago. El fondo de este puede ser descripto por:  $z = -250 2x^2 3y^2$  (medido en metros). Bosqueja un gráfico de la situación Si el pato está ubicado en el punto (5,10),
  - a) Cuál es la profundidad debajo de él?
  - b) En qué dirección (y sentido) debe nadar para que la profundidad debajo de él disminuya lo más rápidamente posible?
  - c) En cuál dirección no cambia la profundidad?