

GEOLOGIA Y GEOTECNIA
2020
(3er edición)

DISTRIBUCION DE PRESIONES

Ing. Silvia Angelone

DISTRIBUCION DE PRESIONES

Esfuerzos en una masa de suelo

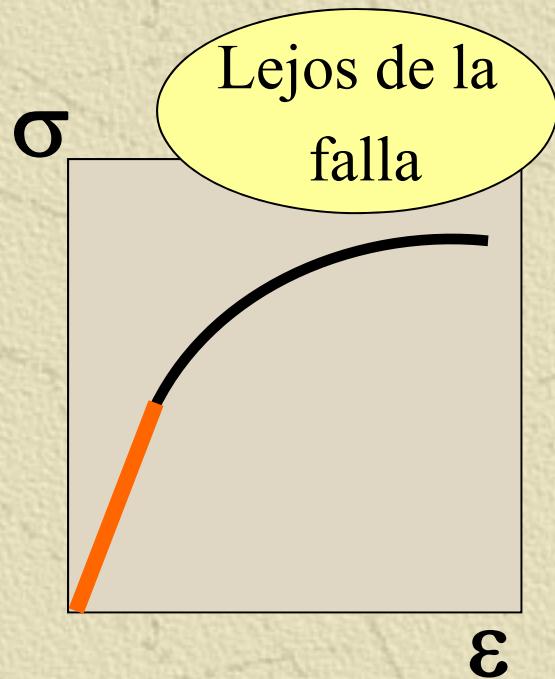
⌚ Esfuerzos debido al peso propio $p = p' + u$

⌚ Esfuerzos debido a cargas aplicadas:

- espesor y uniformidad de la masa de suelo
- tamaño y forma del área cargada
- propiedades tenso-deformación del suelo

Hipótesis

1. El suelo se encuentra en equilibrio o estado elástico



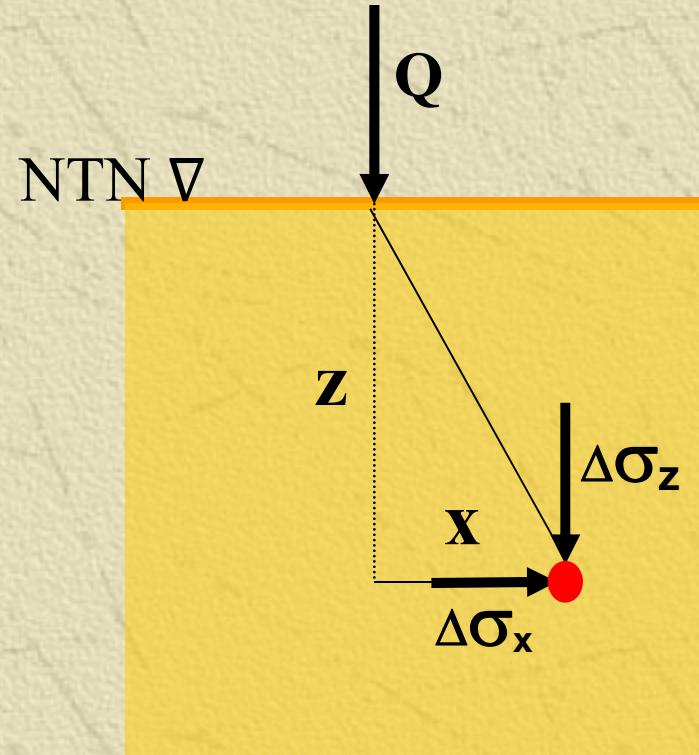
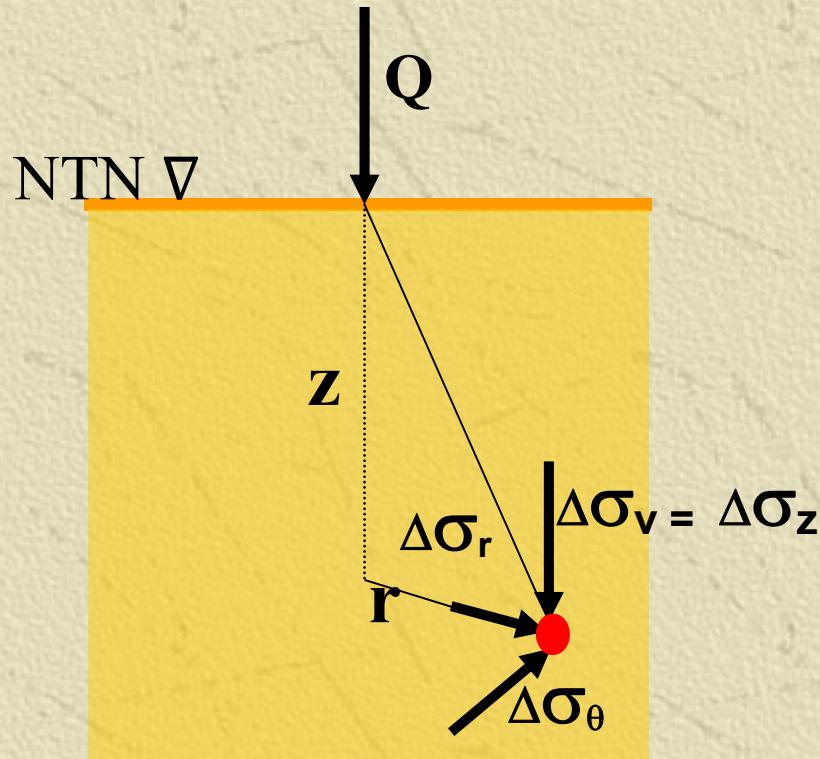
⇒ Se comporta como un material:

- homogéneo
- isótropo
- linealmente elástico
- definido Módulo de elasticidad E
y el Coeficiente de Poisson ν

2. Masa semi-infinita

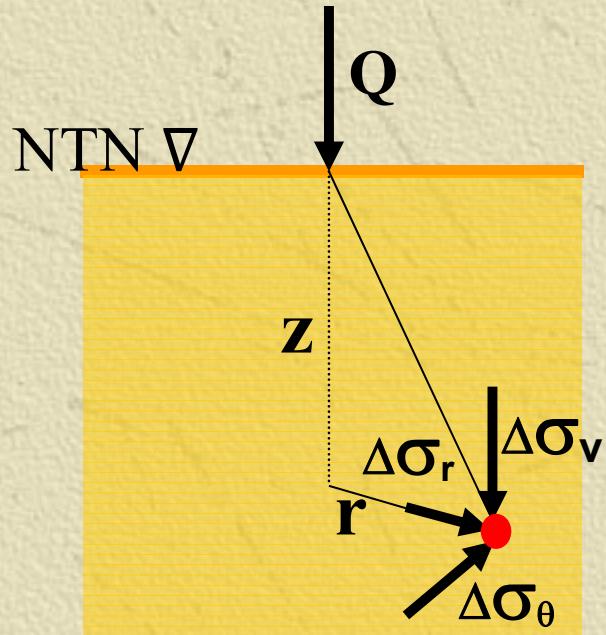
Solución de Boussinesq

a) Carga Puntual vertical



Solución de Boussinesq

a) Carga Puntual vertical



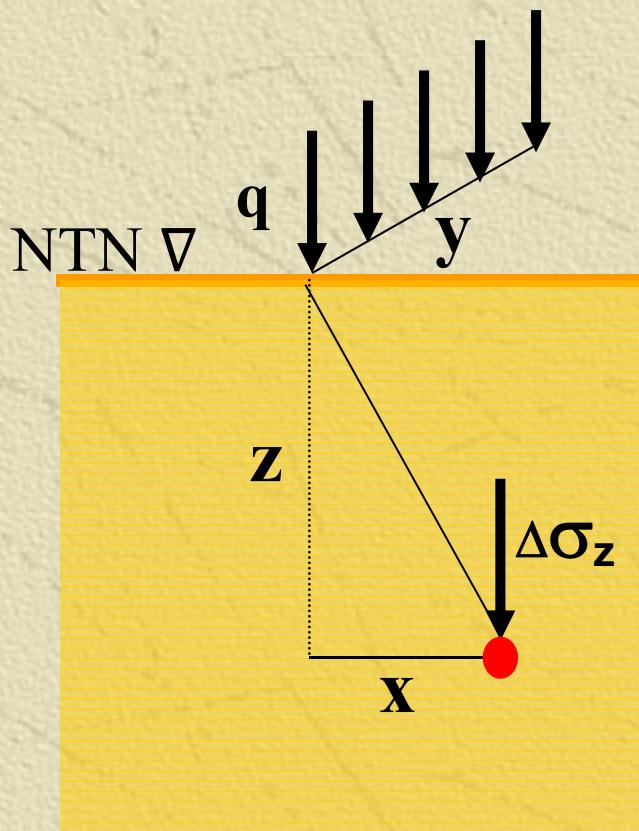
$$\Delta\sigma_v = \frac{3 \cdot Q}{2 \cdot \pi} \cdot \frac{z^3}{(r^2 + z^2)^{5/2}}$$

$$\Delta\sigma_r = \frac{Q}{2 \cdot \pi} \cdot \left(\frac{3 \cdot r^2 \cdot z}{(r^2 + z^2)^{5/2}} - \frac{1 - 2\nu}{r^2 + z^2 + z\sqrt{r^2 + z^2}} \right)$$

$$\Delta\sigma_\theta = -\frac{Q}{2 \cdot \pi} \cdot (1 + 2 \cdot \nu) \cdot \left(\frac{z}{(r^2 + z^2)^{3/2}} - \frac{1}{r^2 + z^2 + z\sqrt{r^2 + z^2}} \right)$$

Solución de Boussinesq

b) Carga lineal de longitud finita



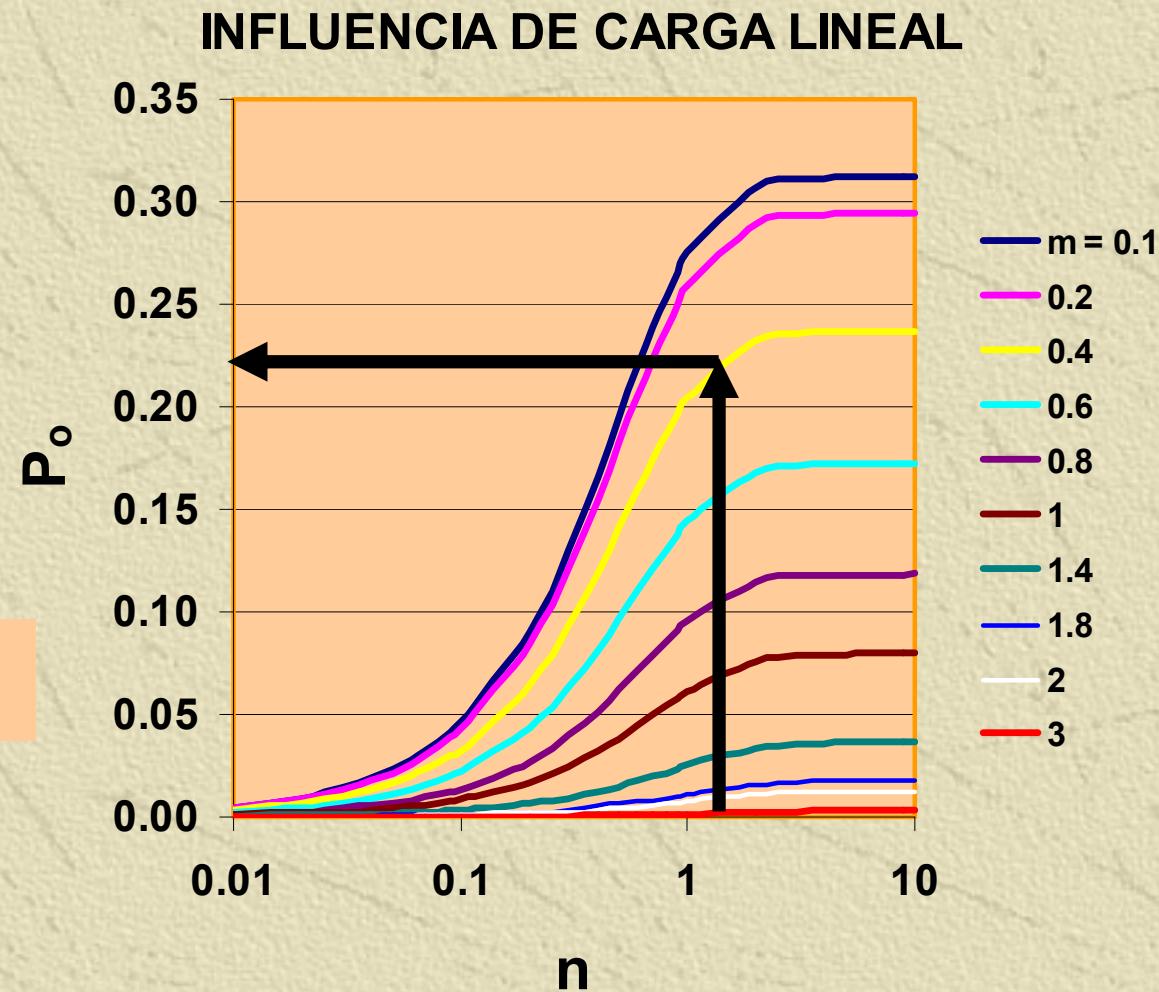
Factor de influencia

$$\Delta\sigma_z = \frac{q \cdot 2}{\pi} \cdot \frac{z^3}{(x^2 + z^2)^2}$$

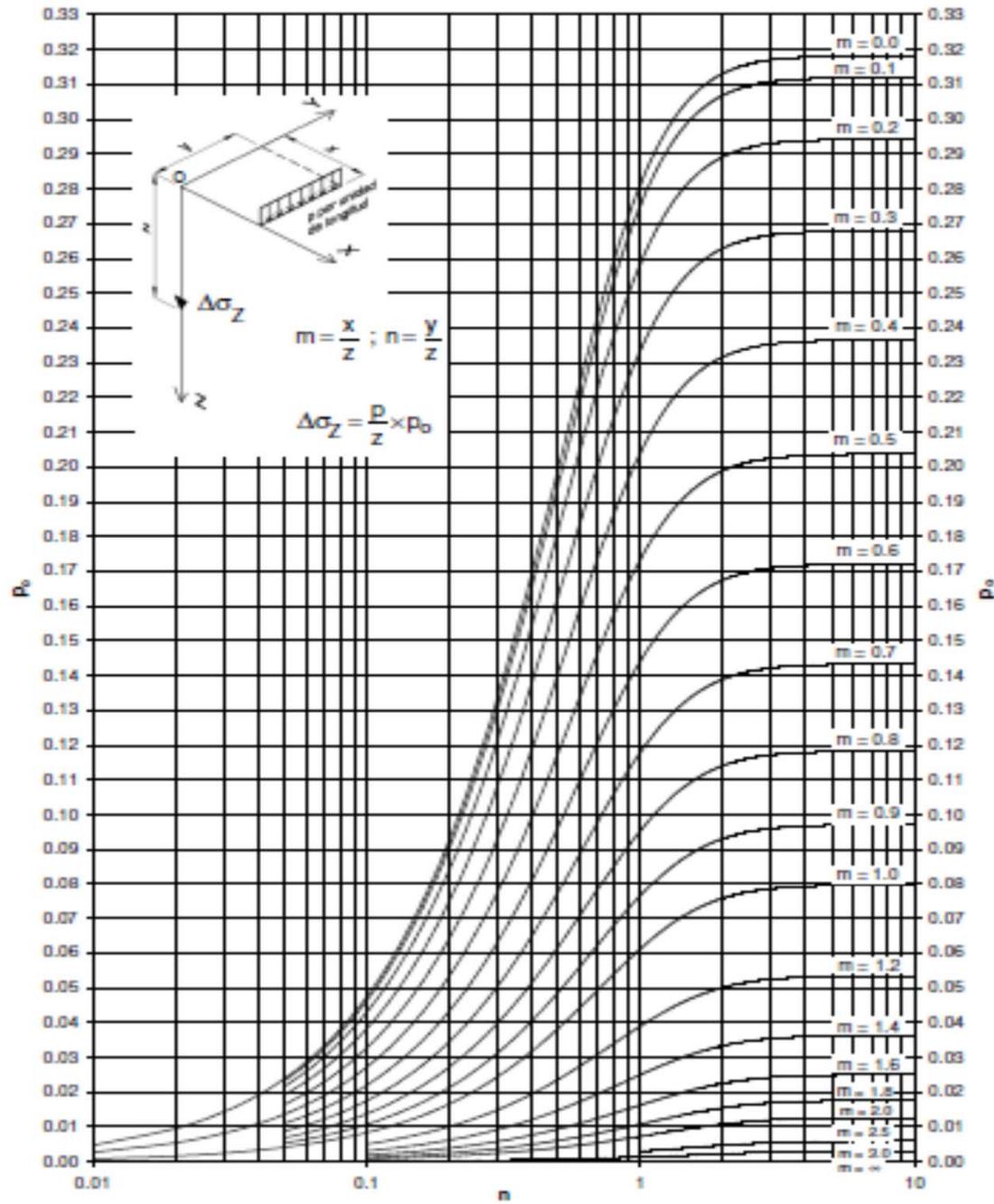
$$m = \frac{x}{z}$$

$$n = \frac{y}{z}$$

Gráfico para obtener el Factor de Influencia de una CARGA LINEAL: Fadum



DISTRIBUCIÓN DE PRESIONES
Gráfico de Fadum para influencia de carga lineal

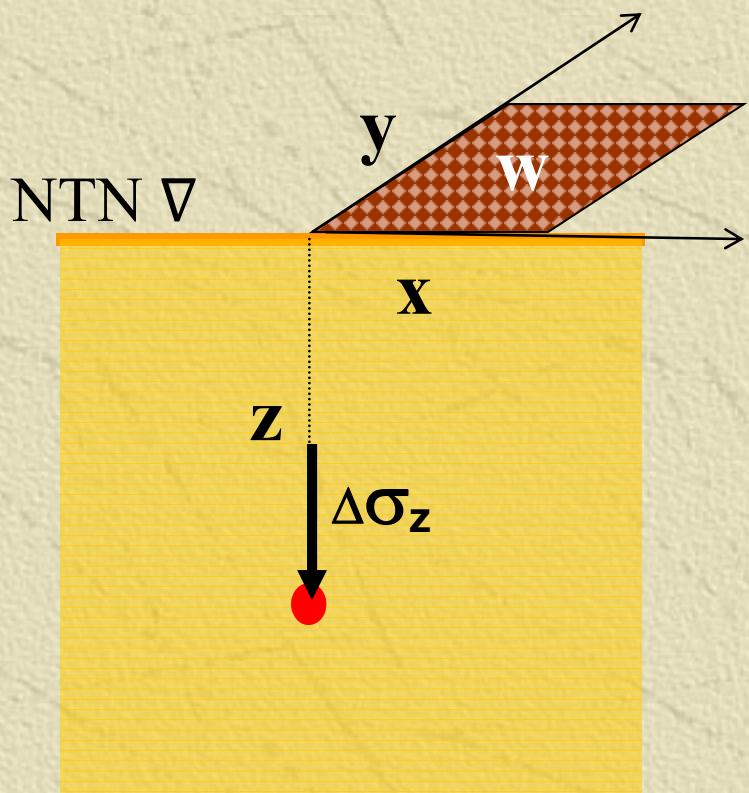


CARGA LINEAL: Fadum

$$\Delta\sigma_z = q \cdot p_0$$

Solución de Boussinesq

c) Carga uniformemente distribuida en un área rectangular



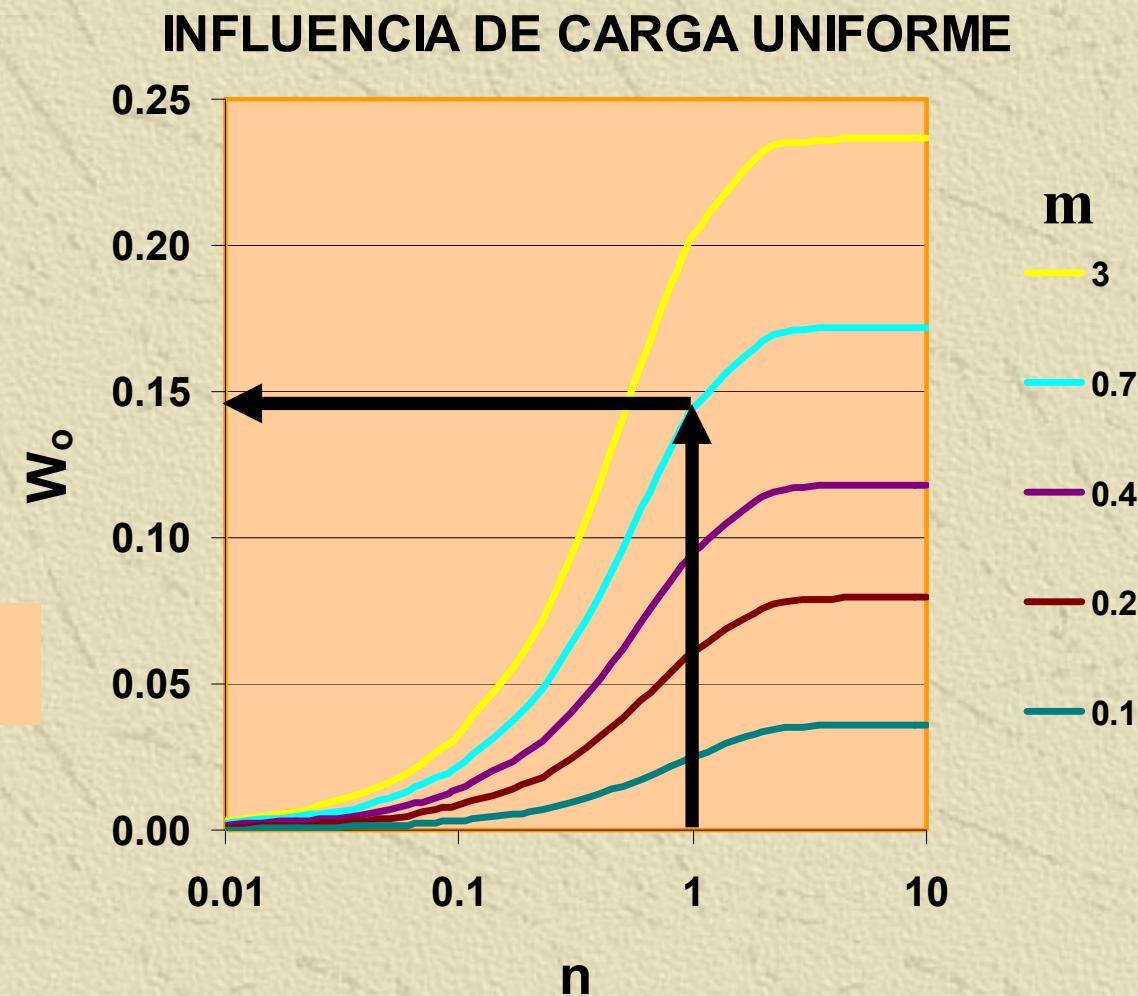
Factor de influencia

$$\Delta\sigma_z = w \cdot w_0$$

$$m = \frac{x}{z}$$

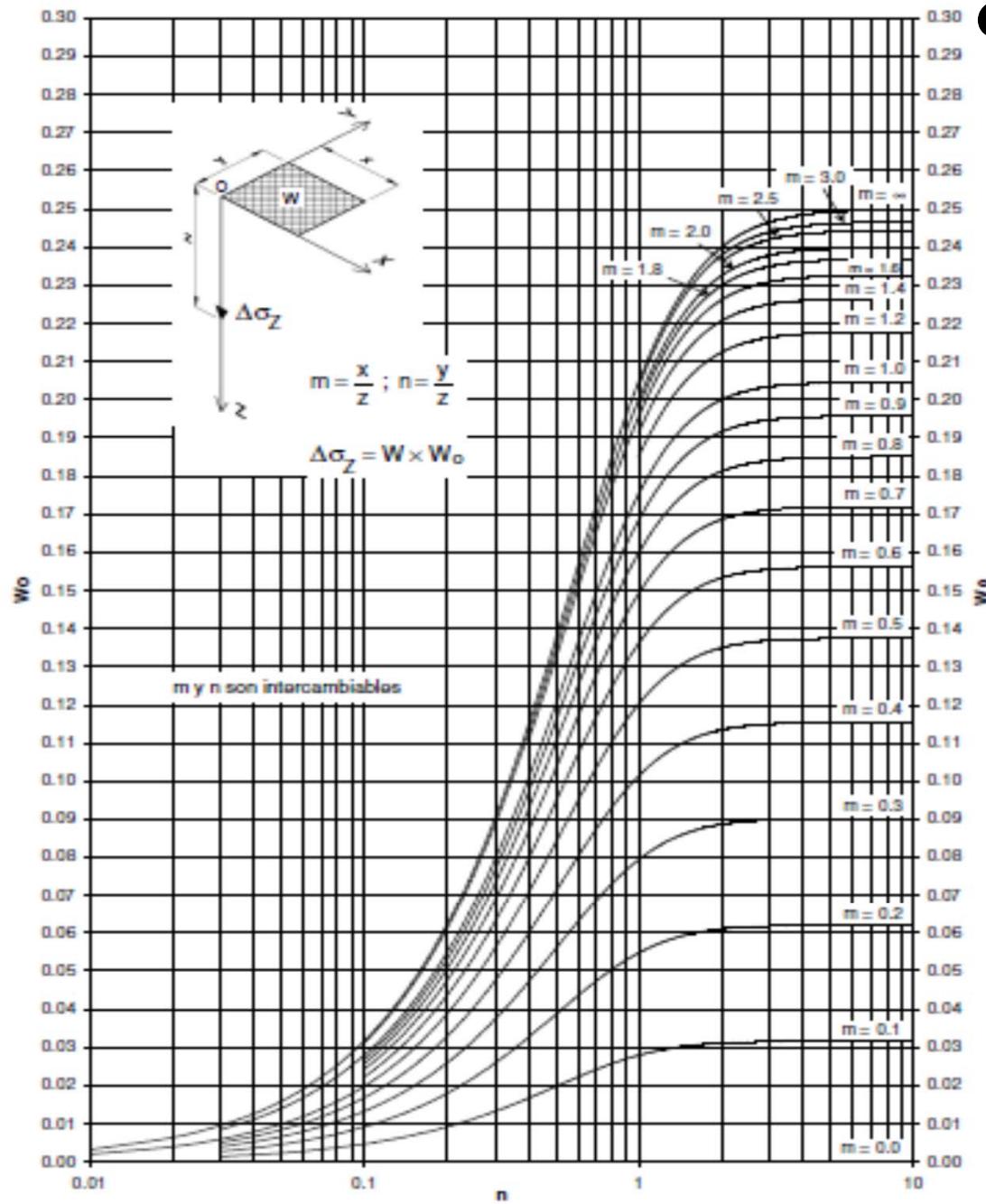
$$n = \frac{y}{z}$$

Gráfico para obtener el Factor de Influencia de una
CARGA UNIFORMEMENTE DISTRIBUIDA (Fadum)



DISTRIBUCIÓN DE PRESIONES

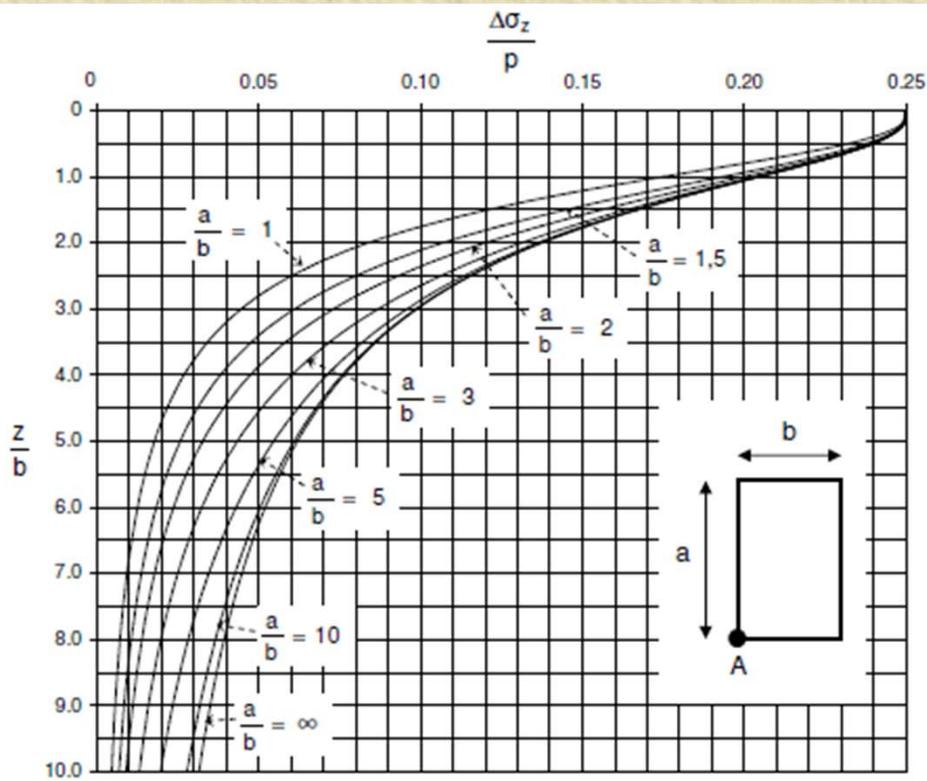
Área rectangular uniformemente cargada (caso de Boussinesq)



CARGA UNIFORMEMENTE DISTRIBUIDA (Fadum)

$$\Delta\sigma_z = W \cdot W_0$$

Gráfico para obtener el Factor de Influencia de una CARGA UNIFORMEMENTE DISTRIBUIDA (Steimbrenner)



a, b : dimensiones de los lados del rectángulo cargado (b = lado menor)

$\Delta\sigma_z$: incremento de tensión a una profundidad "z" bajo el vértice A

p : carga uniforme sobre rectángulo "a-b"

$$\Delta\sigma_z = p \cdot W_0$$

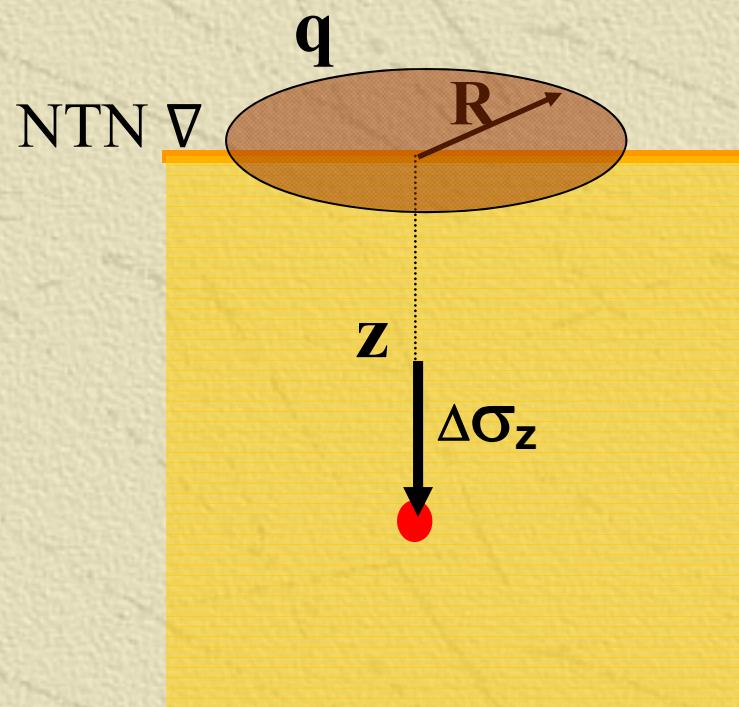
Fórmula:

$$\Delta\sigma_z = \frac{p}{2\pi} \left\{ \operatorname{arctg} \left[\frac{b - a(a^2 + b^2) - 2az(R - z)}{z(a^2 + b^2)(R - z) - z(R - z)^2} \right] + \frac{bz}{b^2 + z^2} \frac{a(R^2 + z^2)}{(a^2 + z^2)R} \right\}$$

donde: $R = \sqrt{a^2 + b^2 + z^2}$

d) Carga uniformemente distribuida en un área circular

Solución de Boussinesq



Factor de influencia

$$\Delta\sigma_z = q \cdot \left[1 - \frac{1}{1 + \left(\frac{R}{z} \right)^2} \right]^{\frac{3}{2}}$$

Diagrama de Influencia de Newmark

$$\Delta\sigma_z = q \cdot \left\{ 1 - \left[\frac{1}{1 + \left(\frac{R}{z} \right)^2} \right]^{\frac{3}{2}} \right\}$$

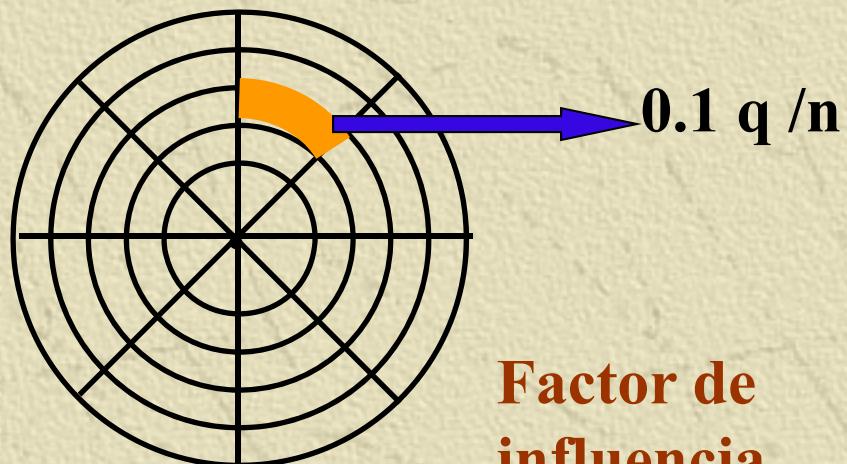
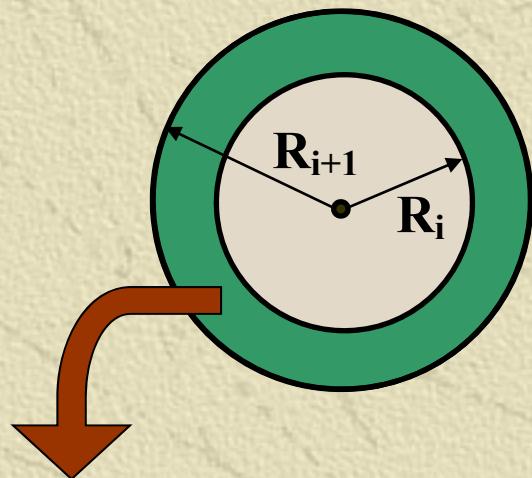
1. Se determina $z = \text{constante}$
2. Se lo relaciona con un segmento $PQ \Rightarrow$ Escala de Dibujo tal que $z = PQ$
3. Se calcula para distintas relaciones $\frac{\Delta \sigma_z}{q}$ un radio de la circunferencia respecto a la profundidad z

Diagrama de Influencia de Newmark

$$\frac{\Delta \sigma_z}{q} = \left\{ 1 - \left[\frac{1}{1 + \left(\frac{R}{z} \right)^2} \right]^{\frac{3}{2}} \right\}$$

$$\frac{\Delta \sigma_z}{q} = 0.1 \rightarrow \frac{R_i}{z} \rightarrow R_i$$

$$\frac{\Delta \sigma_z}{q} = 0.2 \rightarrow \frac{R_{i+1}}{z} \rightarrow R_{i+1}$$

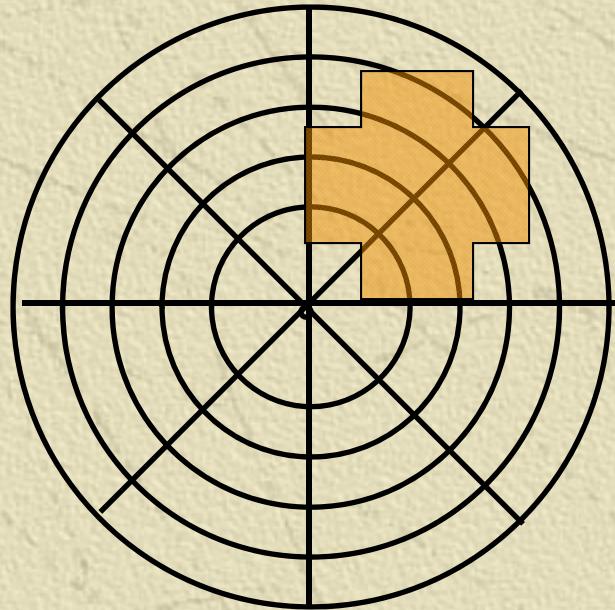


Factor de influencia

$$\Delta \sigma_z = q \cdot \frac{0.1}{n} \cdot N$$

Nº de sectores cubiertos

Diagrama de Influencia de Newmark



N= 7

$$F I = 0.1/8 = 0.0125$$

Factor de
influencia

$$\Delta \sigma_z = q \cdot \frac{0.1}{n} N$$

Nº de
sectores
cubiertos

$$\Delta \sigma_z = q \cdot 0.0125 \cdot 7 = q 0.0875$$

DISTRIBUCIÓN DE PRESIONES
Diagrama de Influencia de Newmark

Profundidad Z

$$\Delta\sigma_z = 0,00125 \cdot q \cdot N$$

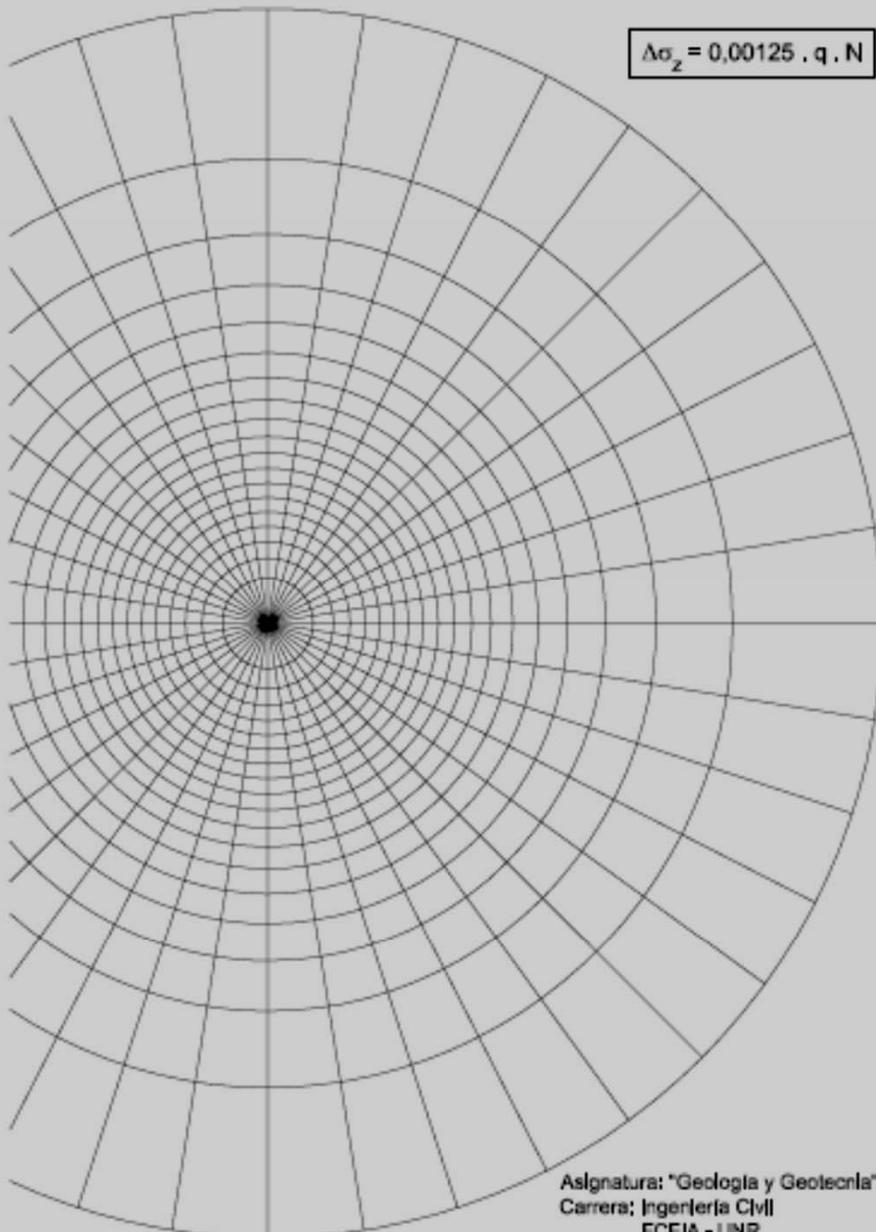


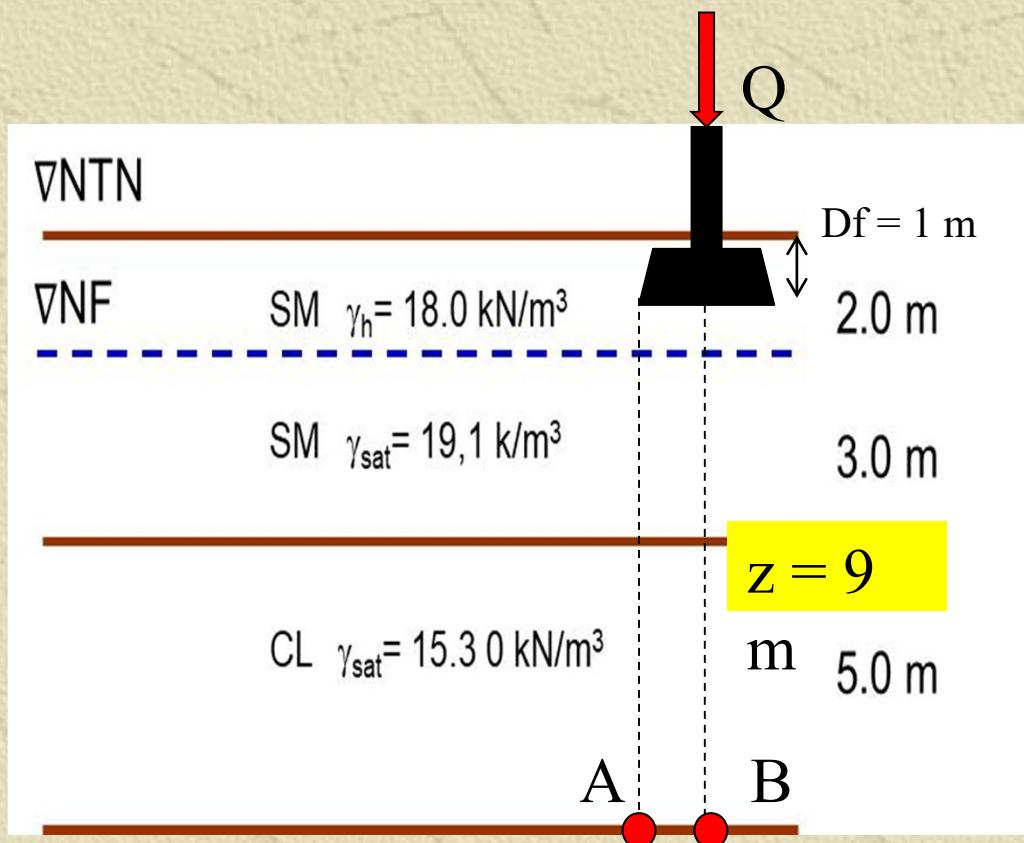
Diagrama de Influencia de Newmark

$$\Delta\sigma_z = q 0.00125N$$

Ejemplo Base aislada

Dimensiones: 2 x 2 m

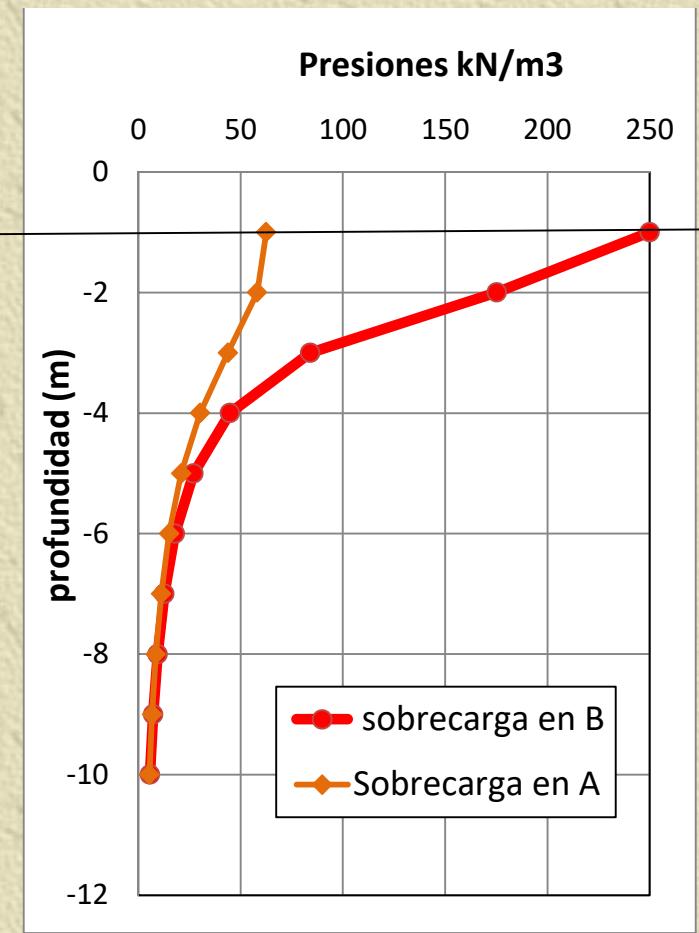
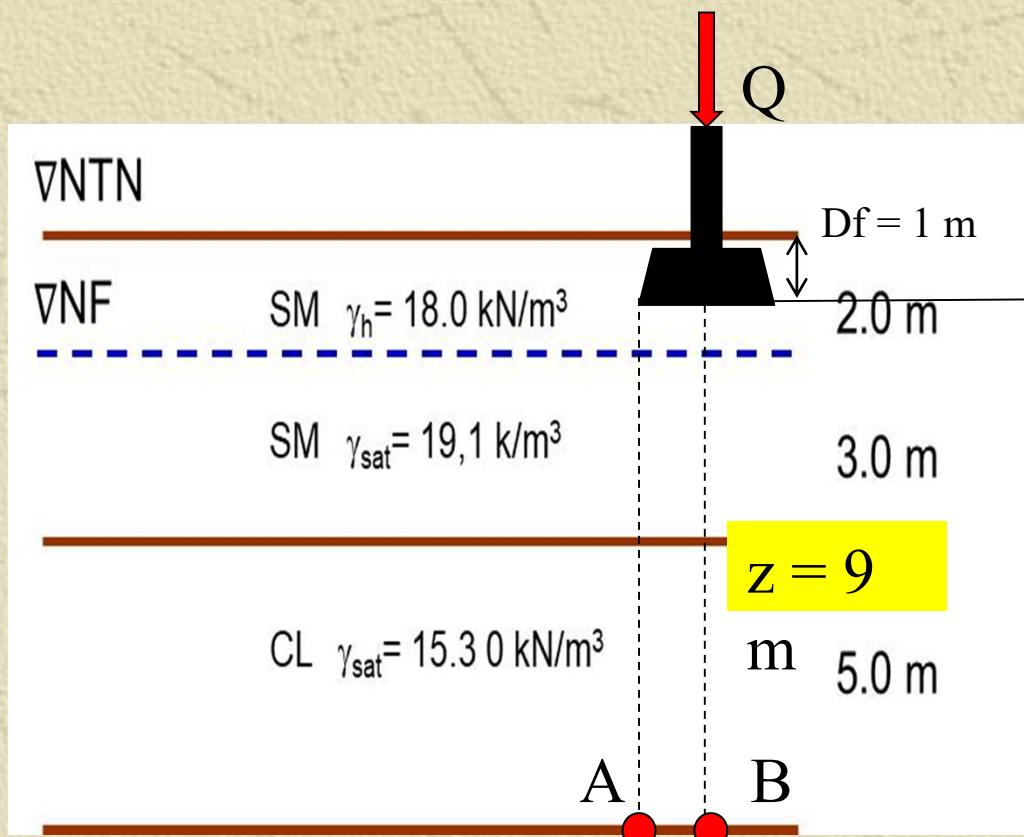
$$Q = 1000 \text{ kN} \quad q = (1000/(2 \times 2)) = 250 \text{ kN/m}^2$$



Ejemplo Base aislada

Dimensiones: 2 x 2 m

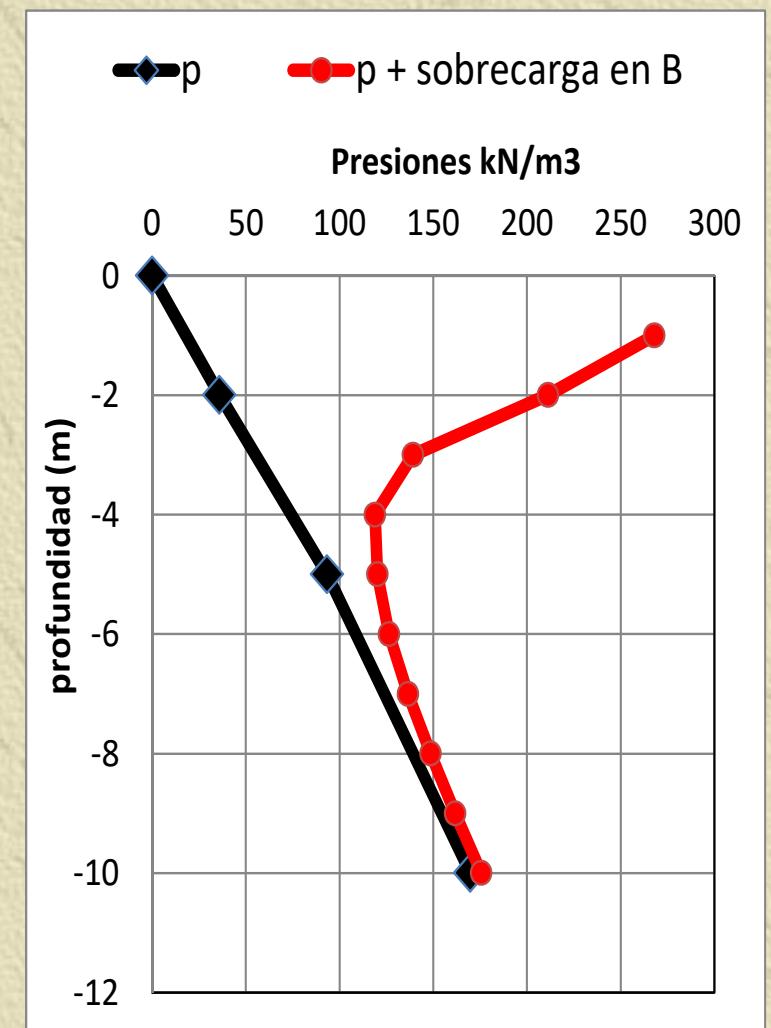
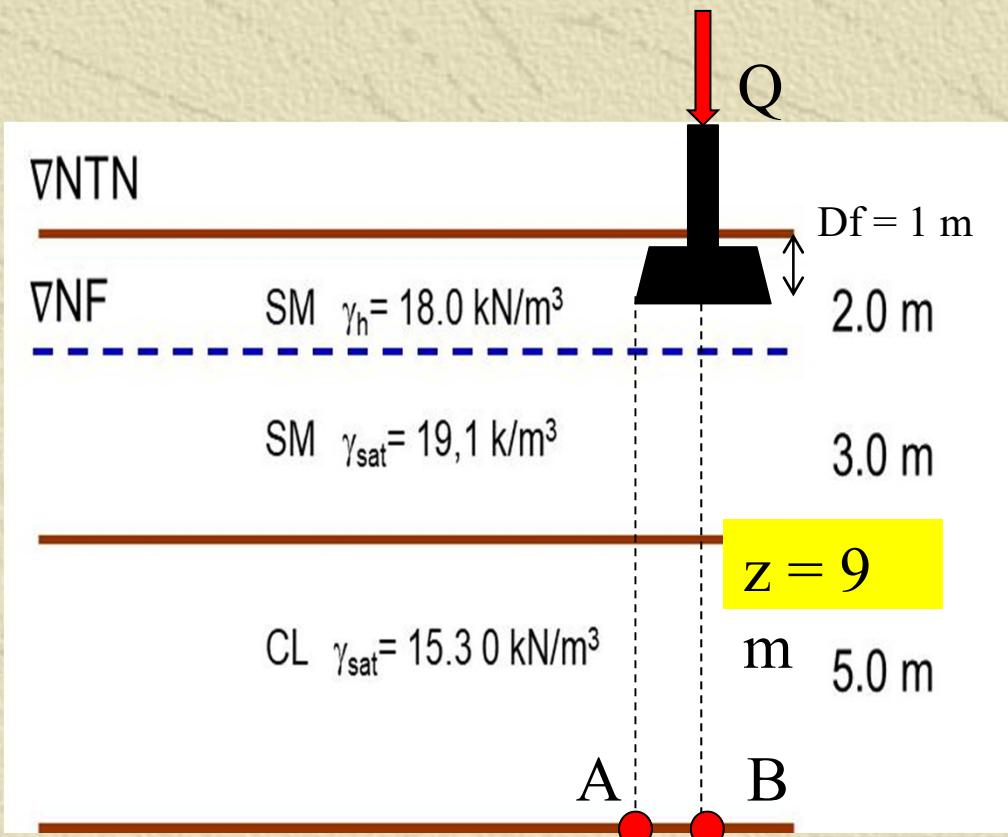
$$Q = 1000 \text{ kN} \quad q = (1000/(2 \times 2)) = 250 \text{ kN/m}^2$$



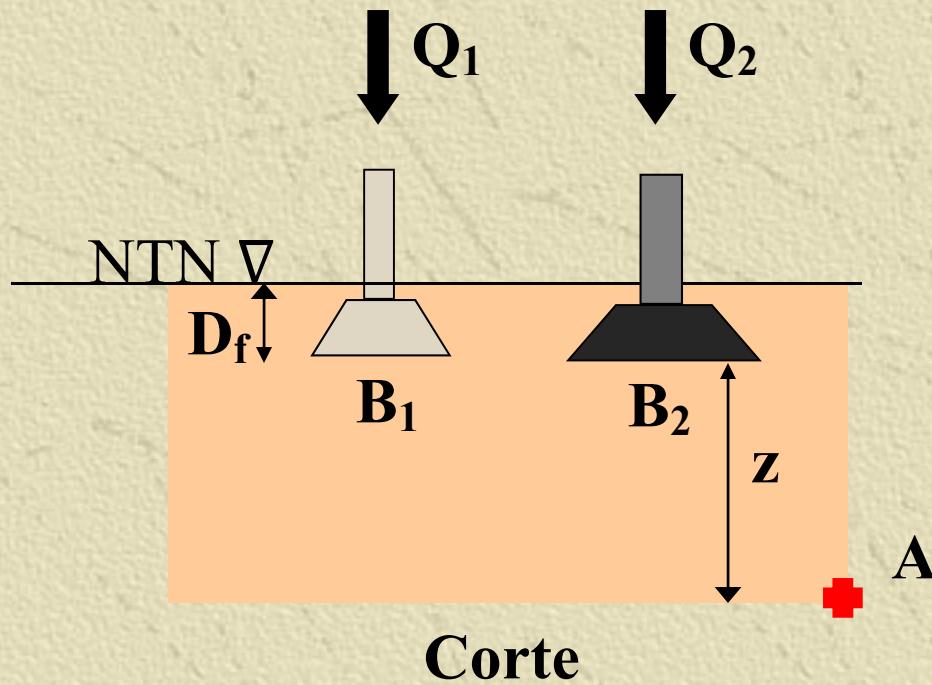
Ejemplo Base aislada

Dimensiones: 2 x 2 m

$$Q = 1000 \text{ kN} \quad q = (1000/(2 \times 2)) = 250 \text{ kN/m}^2$$



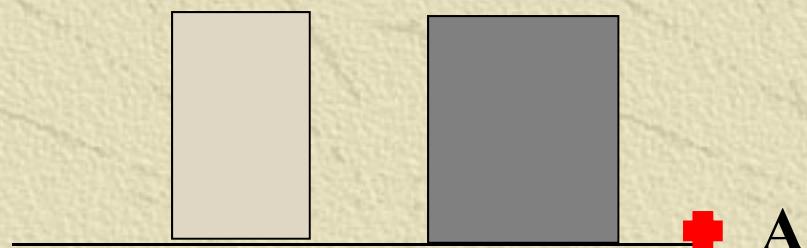
Ejemplo



D_f = Prof. de fundación

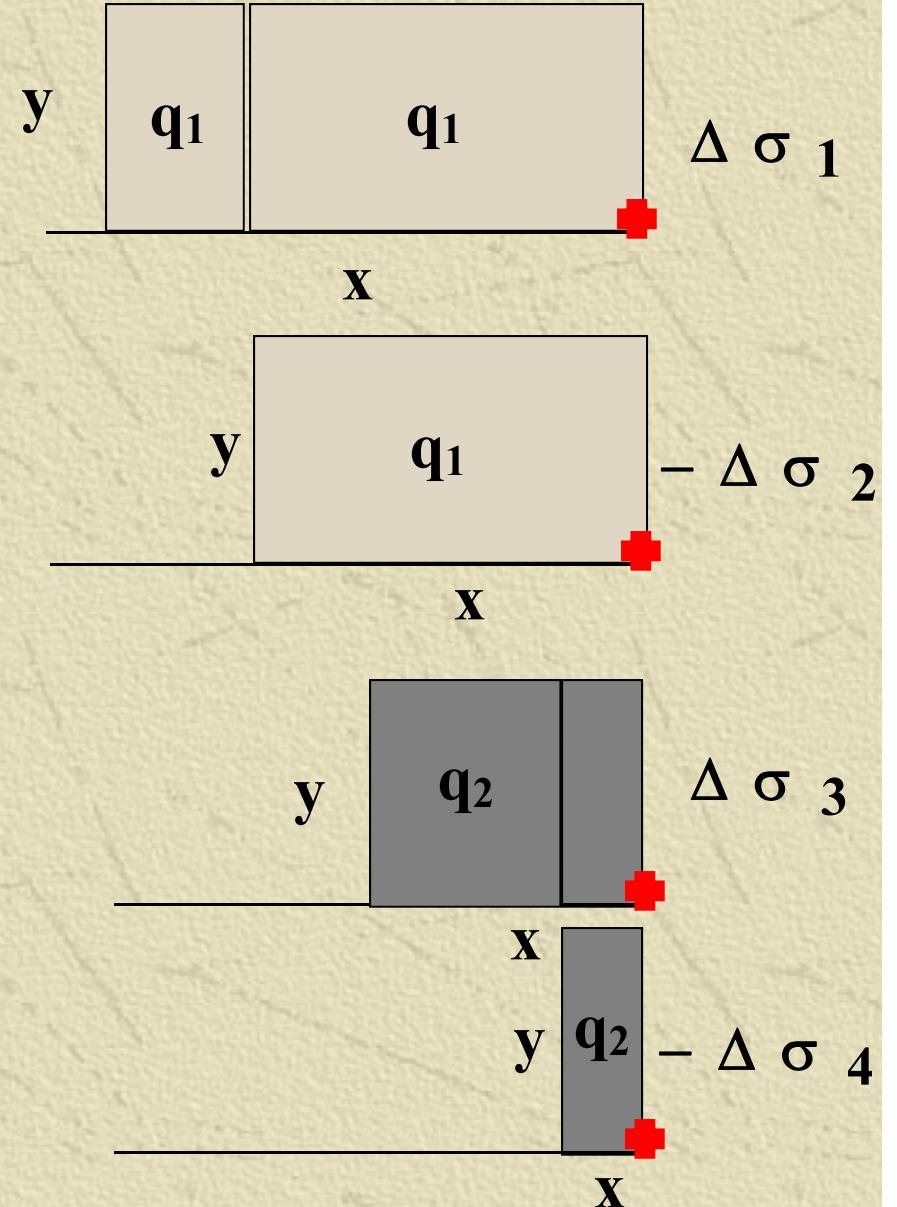
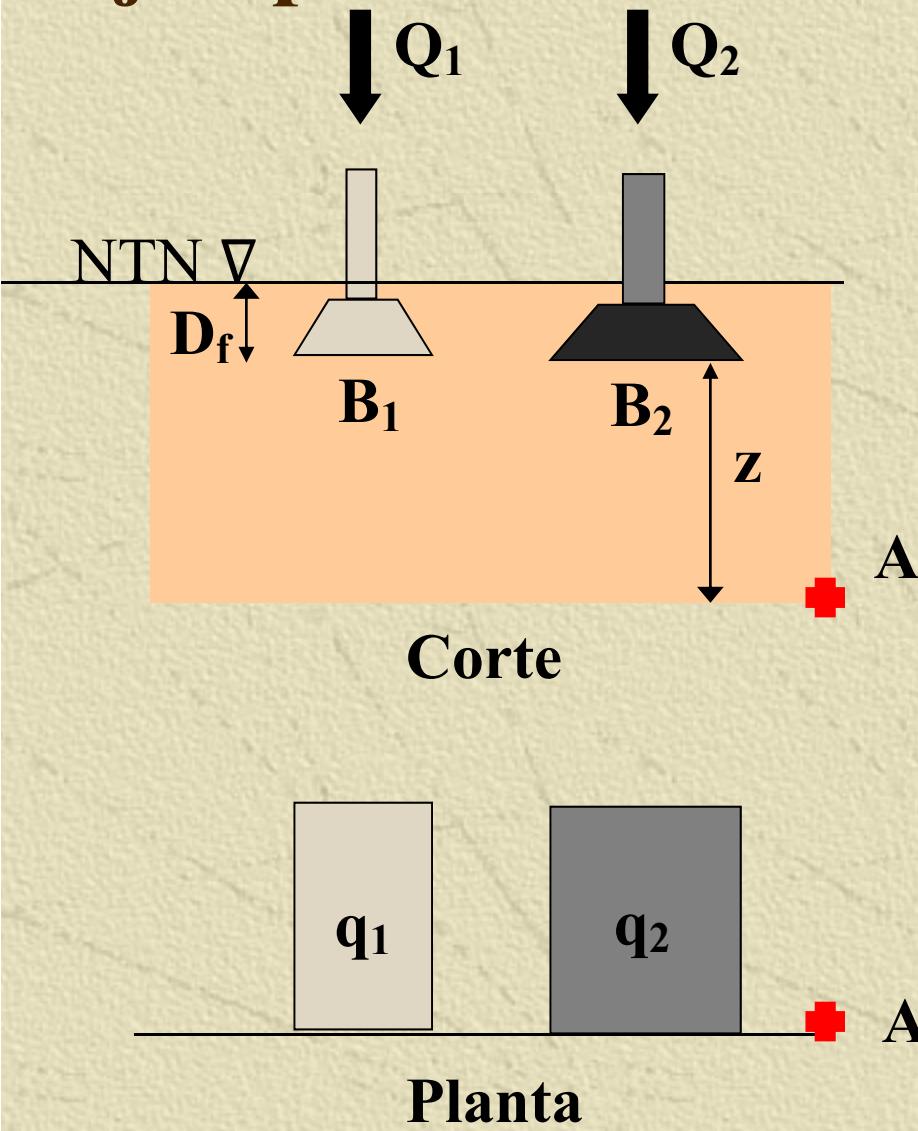
Z = Profundidad de distribución de cargas

Corte



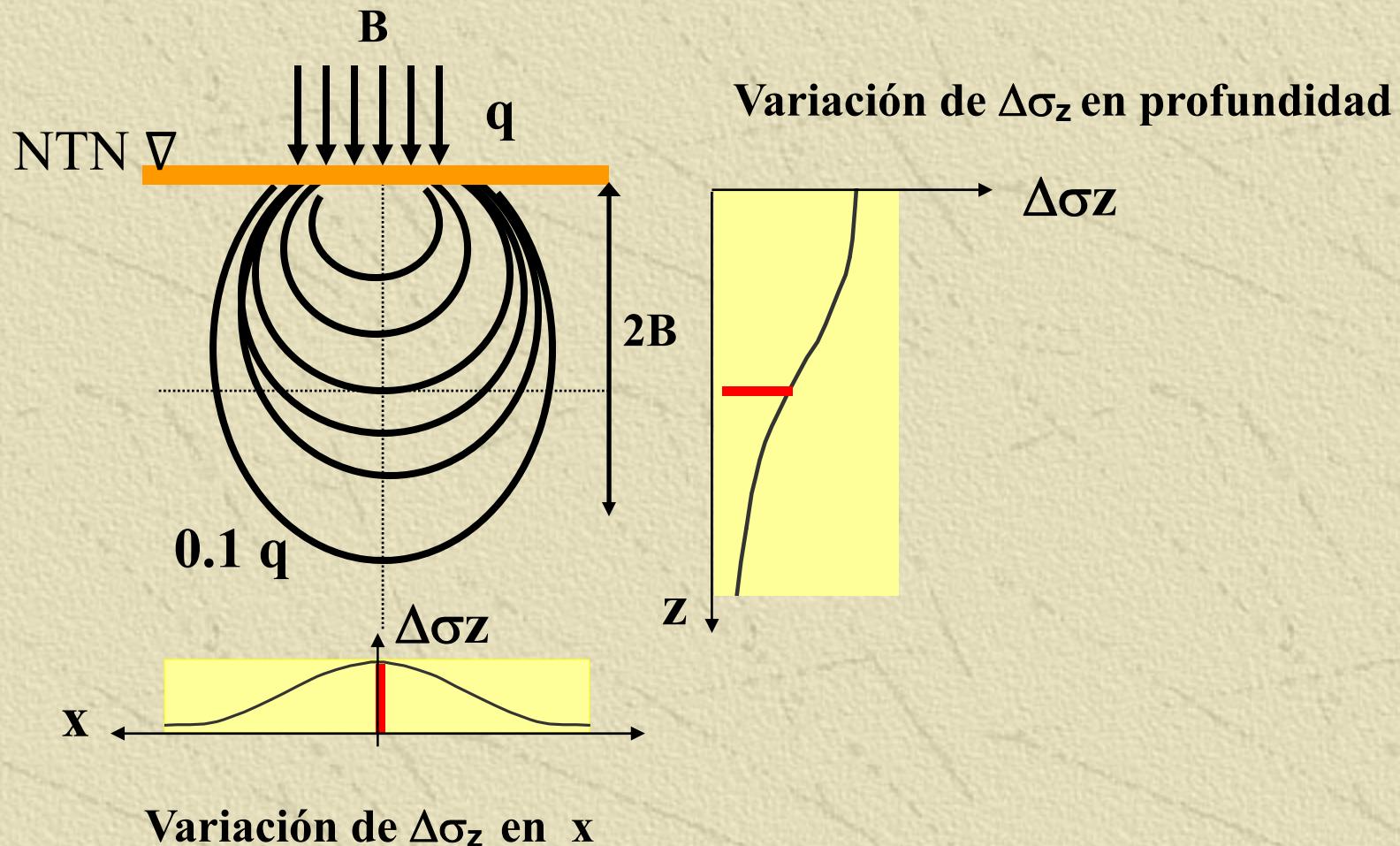
Planta

Ejemplo



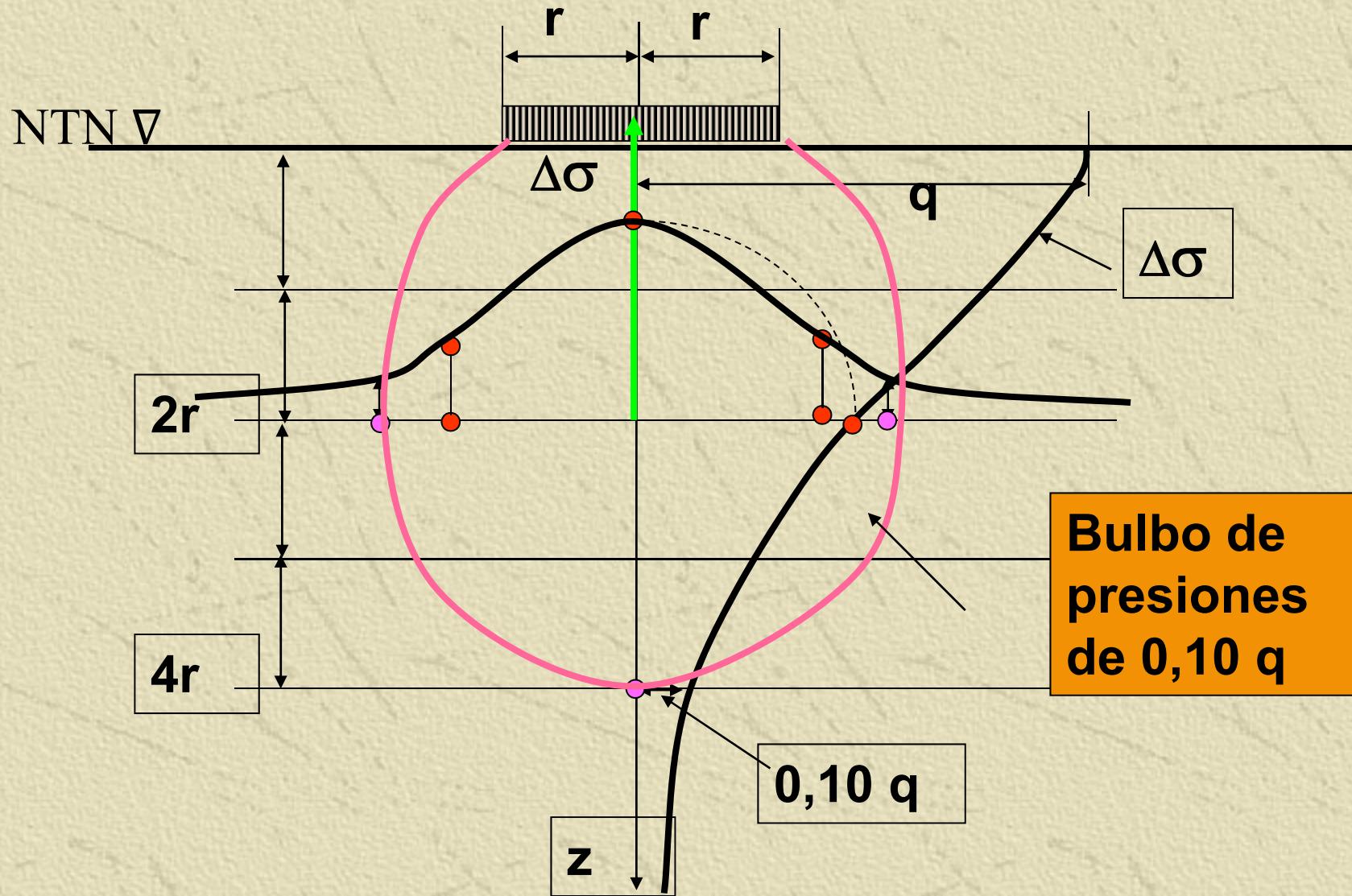
$$\Delta \sigma_z = \Delta \sigma_1 - \Delta \sigma_2 + \Delta \sigma_3 - \Delta \sigma_4$$

Bulbo de presiones

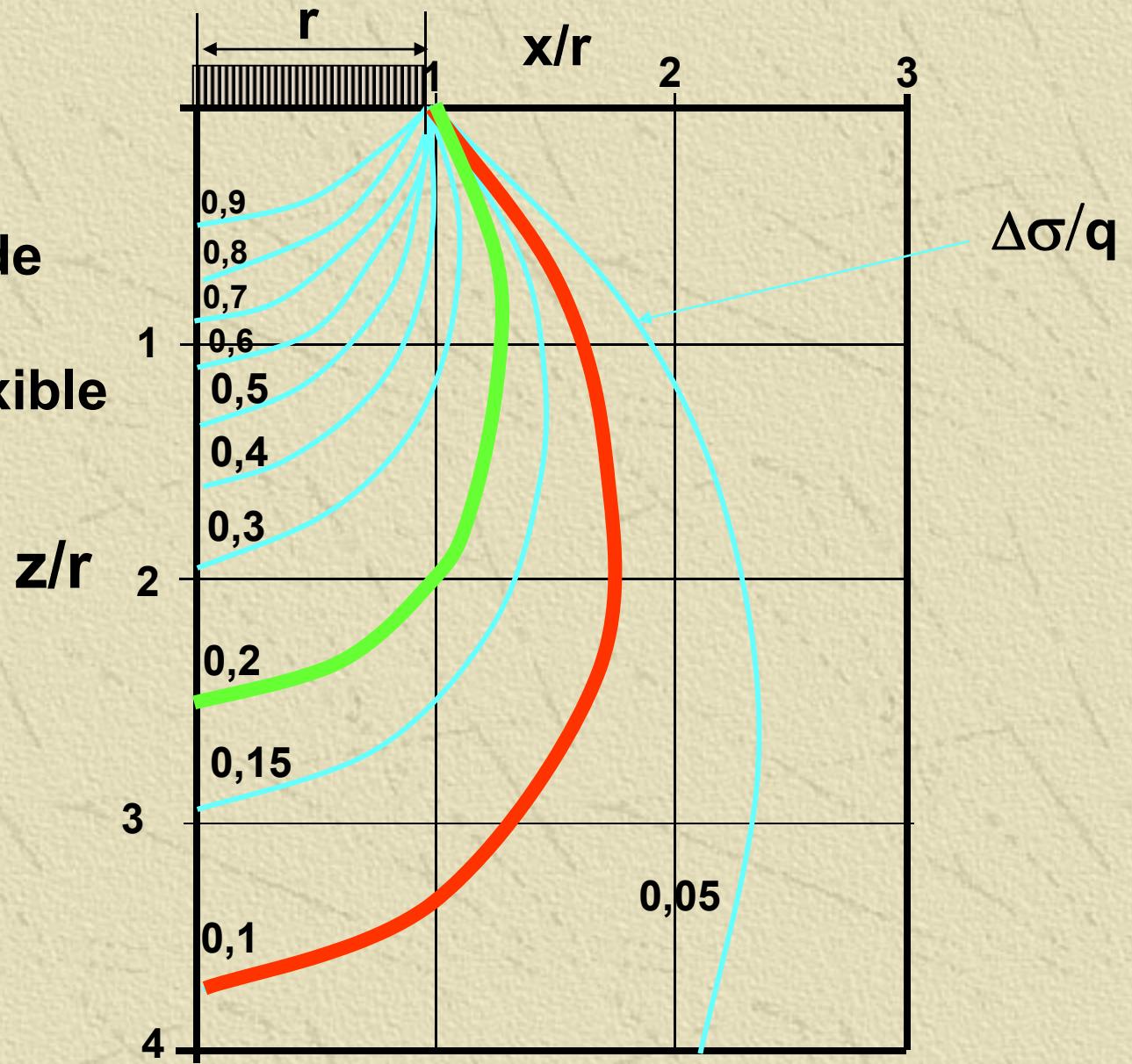


PRESIÓN UNIFORME EN SUPERFICIE CIRCULAR

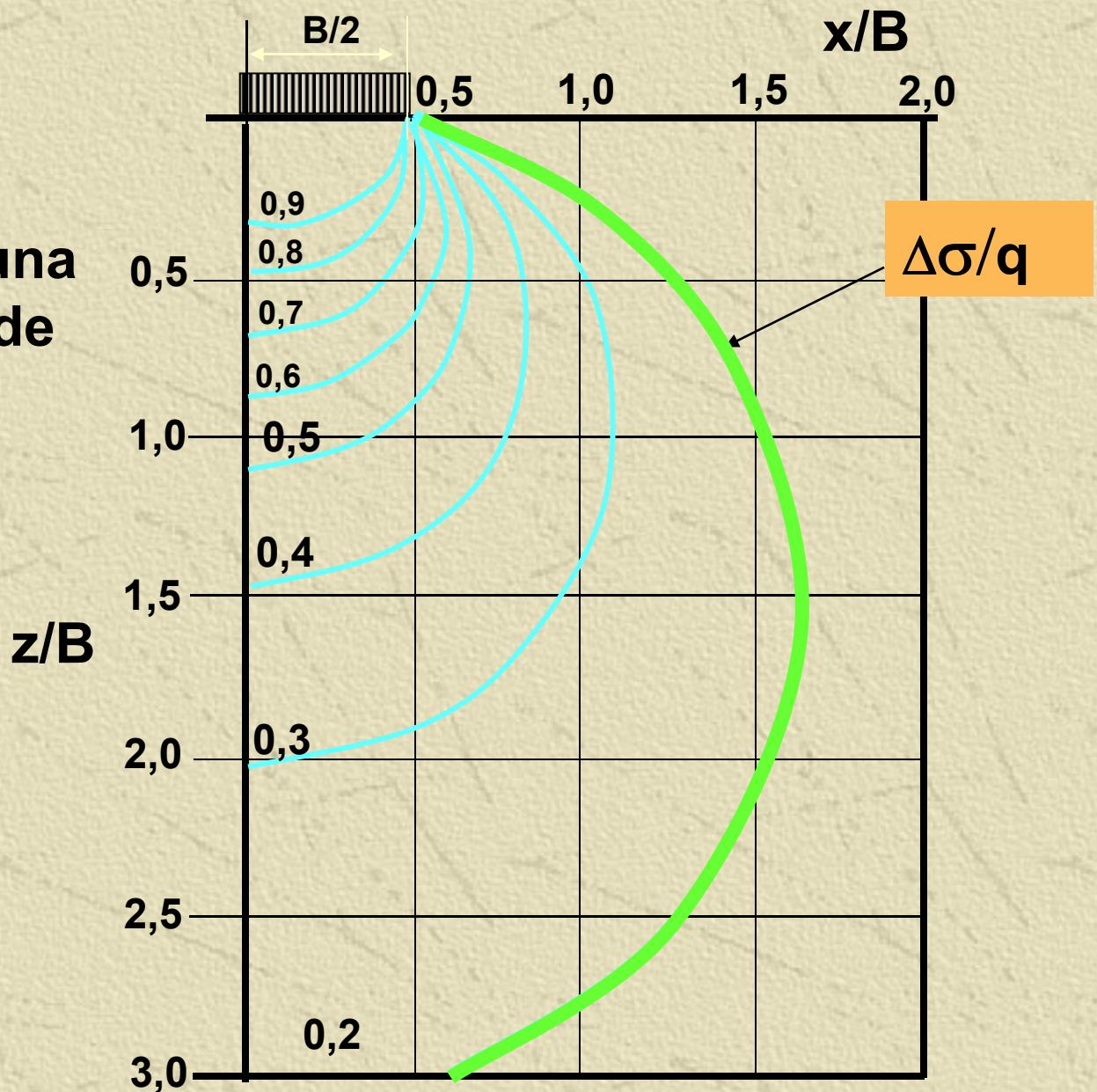
(Estado tensional tridimensional)



Bulbo de presiones de una zapata circular flexible

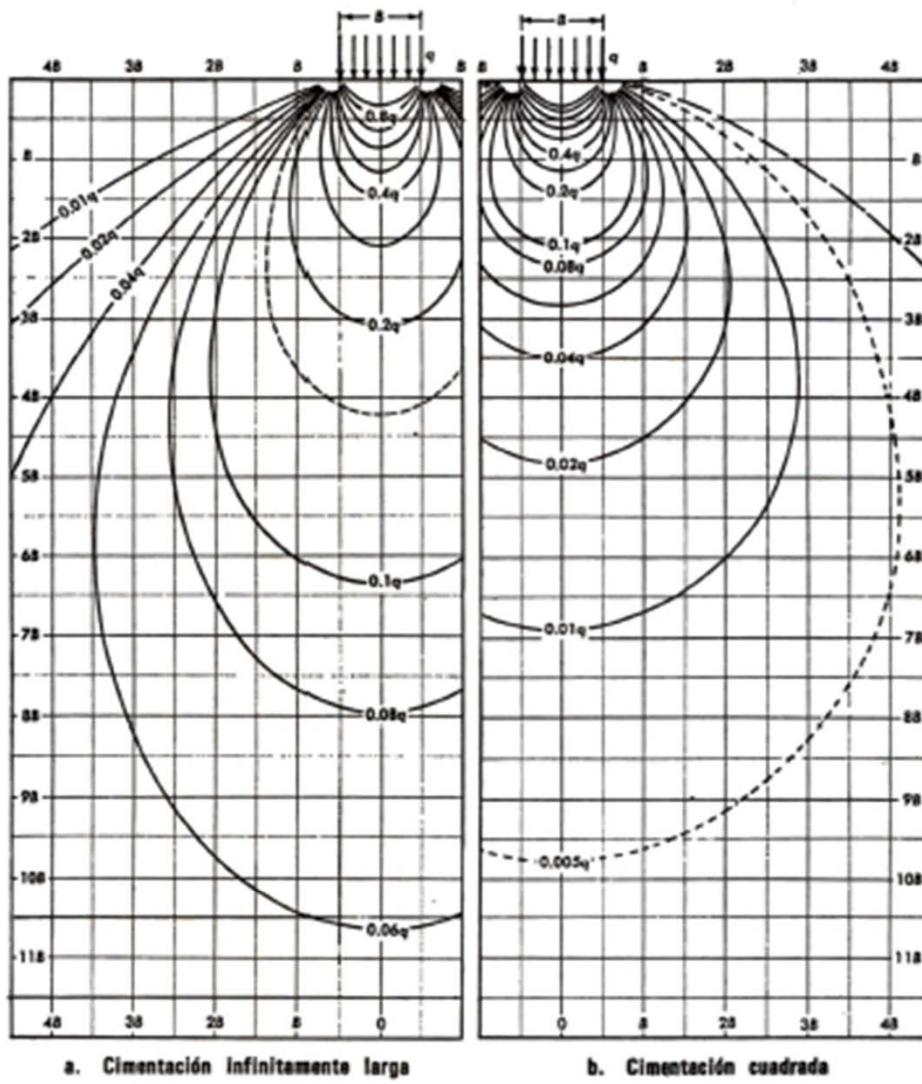


Bulbo de presiones de una zapata infinita de ancho B



DISTRIBUCIÓN DE PRESIONES

Líneas isobáricas de esfuerzo vertical debajo de una cimentación (análisis de Boussinesq)



a. Cimentación infinitamente larga

b. Cimentación cuadrada

Los esfuerzos están dados en función de la presión uniforme q , en la cimentación; las distancias y profundidades están dadas en función del ancho de la cimentación B .

Bulbo de presiones

